

# Solutionnaire du chapitre 8

1. Le travail est

$$\begin{aligned}W &= F \Delta s \cos \theta \\ &= 30N \cdot 15m \cdot \cos(40^\circ) \\ &= 344,7J\end{aligned}$$

2. a) Le travail fait par la gravitation est

$$\begin{aligned}W_g &= F_g \Delta s \cos \theta \\ &= \left(30kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg}\right) \cdot 25m \cdot \cos(98^\circ) \\ &= -1022,9J\end{aligned}$$

b) Le travail fait par la force de friction est

$$\begin{aligned}W_f &= F_f \Delta s \cos \theta \\ &= 70N \cdot 25m \cdot \cos(180^\circ) \\ &= -1750J\end{aligned}$$

c) Pour trouver le travail fait par Honoré, il faut premièrement trouver la force exercée par celui-ci. On trouve cette force avec l'équation des forces en  $x$  sur la caisse.

Il y a 4 forces sur la caisse.

- 1) La gravitation de 294 N vers le bas.
- 2) Une normale perpendiculaire à la pente.
- 3) La friction de 70 N vers le bas de la pente.
- 4) La force  $F$  faite par Honoré vers le haut de la pente.

L'équation des forces en  $x$  est donc (avec un axe des  $x$  vers le haut de la pente)

$$\begin{aligned}\sum F_x &= ma_x \\ 294N \cdot \cos(-98^\circ) - 70N + F &= 30kg \cdot 1 \frac{m}{s^2} \\ F &= 140,9N\end{aligned}$$

Le travail fait par Honoré est donc

$$\begin{aligned}
 W_H &= F \Delta s \cos \theta \\
 &= 140,9N \cdot 25m \cdot \cos(0^\circ) \\
 &= 3522,9J
 \end{aligned}$$

d) Comme la normale ne fait pas de travail dans ce cas, le travail net est la somme des 3 travaux calculés précédemment. On a donc

$$\begin{aligned}
 W_{net} &= W_g + W_f + W_H \\
 &= -1022,9J + -1750N + 3522,9J \\
 &= 750J
 \end{aligned}$$

**3.** a) Le travail fait par la force de gravitation est

$$\begin{aligned}
 W_g &= F_g \Delta s \cos \theta \\
 &= mg \Delta s \cos \theta \\
 &= 80kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg} \cdot 300m \cdot \cos(60^\circ) \\
 &= 117\,600J
 \end{aligned}$$

b) Pour trouver le travail fait par la force de friction, il faut trouver la grandeur de la force de friction. Pour la trouver, il nous faut la grandeur de la normale, qu'on trouve avec l'équation des forces en y.

Il y a 3 forces sur Rita.

- 1) Le poids de Rita de 784 N vers le bas.
- 2) La normale perpendiculaire à la surface.
- 3) La friction vers le haut de la pente.

L'équation des forces en y est donc (avec un axe des  $x$  vers le bas de la pente)

$$\begin{aligned}
 \sum F_y &= ma_y \\
 784N \cdot \sin(-60^\circ) + F_N &= 0 \\
 F_N &= 678,96N
 \end{aligned}$$

La grandeur de la force de friction est donc

$$\begin{aligned}
 F_f &= \mu_c F_N \\
 &= 0,1 \cdot 678,96N \\
 &= 67,896N
 \end{aligned}$$

Le travail fait par la force de friction est donc

$$\begin{aligned}
 W_f &= F_f \Delta s \cos \theta \\
 &= 67,896N \cdot 300m \cdot \cos(-180^\circ) \\
 &= -20\,369J
 \end{aligned}$$

c) Comme la normale ne fait pas de travail, le travail net est

$$\begin{aligned}
 W_{net} &= W_g + W_f \\
 &= 117\,600J + -20\,369J \\
 &= 97\,231J
 \end{aligned}$$

**4.** a) En 2 minutes, la distance parcourue par l'avion est

$$\begin{aligned}
 \Delta s &= v \Delta t \\
 &= 102,9 \frac{m}{s} \cdot 600s \\
 &= 61740m
 \end{aligned}$$

Le travail fait par la gravitation est alors

$$\begin{aligned}
 W_g &= F_g \Delta s \cos \theta \\
 &= mg \Delta s \cos \theta \\
 &= 260\,000kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg} \cdot 61\,740m \cdot \cos(92^\circ) \\
 &= -5490MJ
 \end{aligned}$$

b) Pour trouver le travail fait par la trainée, il faut trouver la force de trainée. Pour trouver la force de trainée, il nous faut le coefficient de trainée. Pour trouver le coefficient de trainée, il nous faut le coefficient de portance.

En montée, on a

$$F_L - mg \cos \theta = 0$$

On a donc

$$\begin{aligned}
 F_L &= mg \cos \theta \\
 &= 260\,000 \text{ kg} \cdot 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \cos 2^\circ \\
 &= 2\,546\,447 \text{ N}
 \end{aligned}$$

On a alors

$$\frac{1}{2} C_L A \rho v^2 = 2\,546\,447 \text{ N}$$

Ce qui nous mène à

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{2} \cdot C_L \cdot 442 \text{ m}^2 \cdot 1,1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(102,9 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 &= 2\,546\,447 \text{ N} \\
 C_L &= 0,989
 \end{aligned}$$

Le coefficient de traînée est alors

$$\begin{aligned}
 C_d &= C_{d0} + \frac{C_L^2 A}{e \pi S^2} \\
 &= 0,031 + \frac{(0,989)^2 \cdot 442 \text{ m}^2}{0,725 \cdot \pi \cdot (64,75 \text{ m})^2} \\
 &= 0,031 + 0,045 \\
 &= 0,076
 \end{aligned}$$

La force de traînée est donc

$$\begin{aligned}
 F_d &= \frac{1}{2} C_d A \rho v^2 \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 0,076 \cdot 442 \text{ m}^2 \cdot 1,1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(102,9 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\
 &= 195\,627 \text{ N}
 \end{aligned}$$

Le travail fait par la traînée est donc

$$\begin{aligned}
 W_d &= F_d \Delta s \cos \theta \\
 &= 195\,627 \text{ N} \cdot 61\,740 \text{ m} \cdot \cos(180^\circ) \\
 &= -12\,078 \text{ MJ}
 \end{aligned}$$

- c) On peut trouver la force de poussée avec cette formule des forces en  $x$  pour un avion en montée.

$$F_t - F_d - mg \sin \theta = ma$$

Comme il n'y a pas d'accélération, on obtient

$$\begin{aligned} F_t - F_d - mg \sin \theta &= 0 \\ F_t - 195\,627\text{N} - 260\,000\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \sin 2^\circ &= 0 \\ F_t - 195\,627\text{N} - 88\,923\text{N} &= 0 \\ F_t &= 284\,551\text{N} \end{aligned}$$

Le travail est donc

$$\begin{aligned} W_t &= F_t \Delta s \cos \theta \\ &= 284\,551\text{N} \cdot 61\,740\text{m} \cdot \cos(0^\circ) \\ &= 17\,568\text{MJ} \end{aligned}$$

d) Le travail fait par la portance est nul puisque la portance est perpendiculaire au déplacement de l'avion.

e) Le travail net est

$$\begin{aligned} W_{net} &= W_g + W_d + W_t + W_L \\ &= -5490\text{MJ} + -12\,078\text{MJ} + 17\,568\text{MJ} + 0\text{MJ} \\ &= 0\text{MJ} \end{aligned}$$

**5.** Pour trouver le travail, il faut séparer la trajectoire en trois parties.

Pour la première partie, on a

$$\begin{aligned} W_1 &= F \Delta s \cos \theta \\ &= 40\text{N} \cdot 3\text{m} \cdot \cos 35^\circ \\ &= 98,30\text{J} \end{aligned}$$

Pour la deuxième partie, on a

$$\begin{aligned} W_2 &= F \Delta s \cos \theta \\ &= 80\text{N} \cdot 2\text{m} \cdot \cos 145^\circ \\ &= -131,06\text{J} \end{aligned}$$

Pour la troisième partie, on a

$$\begin{aligned} W_3 &= F \Delta s \cos \theta \\ &= 100N \cdot 1m \cdot \cos 35^\circ \\ &= 81,92J \end{aligned}$$

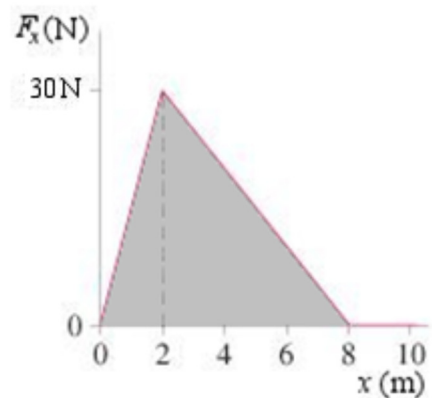
Le travail total est donc

$$98,30 J + -131,06 J + 81,92 J = 49,15 J$$

- 6.** Pour trouver le travail, il faut calculer l'aire sous la courbe entre  $x = 0$  m et  $x = 6$  m. Cette aire est l'aire de tout le triangle entre  $x = 0$  m et  $x = 8$  m à laquelle il faut soustraire l'aire du petit triangle entre  $x = 6$  m et  $x = 8$  m.

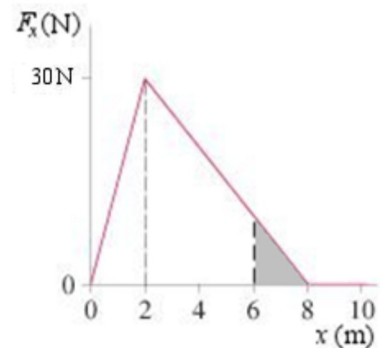
L'aire du grand triangle entre  $x = 0$  m et  $x = 8$  m est de

$$\begin{aligned} Aire_1 &= \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2} \\ &= \frac{8m \cdot 30N}{2} \\ &= 120J \end{aligned}$$



L'aire du petit triangle entre  $x = 6$  m et  $x = 8$  m est de

$$\begin{aligned} Aire_2 &= \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2} \\ &= \frac{2m \cdot 10N}{2} \\ &= 10J \end{aligned}$$

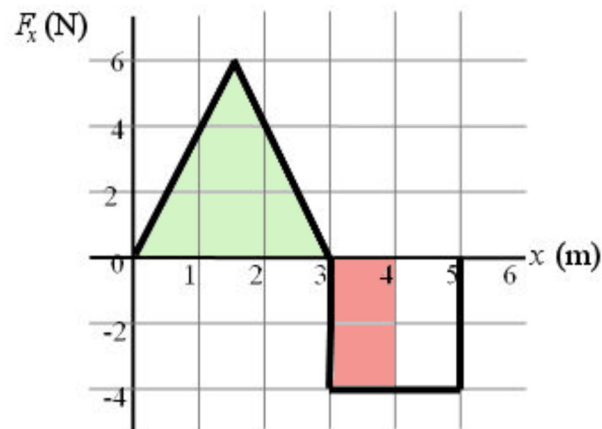


Le travail est donc

$$\begin{aligned} W &= Aire_1 - Aire_2 \\ &= 120J - 10J \\ &= 110J \end{aligned}$$

- 7.** Il faut compter l'aire sous la courbe entre  $x = 0$  m et  $x = 4$  m. Comme l'objet va vers les  $x$  négatifs, l'aire au-dessus de l'axe doit être comptée comme une aire négative et l'aire en dessous de l'axe doit être comptée comme une aire positive. Le travail est donc

$$W = \text{aire du rectangle rose} + (- \text{aire du triangle vert})$$



On a donc

$$\begin{aligned} W &= 4N \cdot 1m + -\frac{3m \cdot 6N}{2} \\ &= -5J \end{aligned}$$

- 8.** Pour trouver le travail, il faut séparer la trajectoire en trois parties.

Pour la première partie, on a

$$\begin{aligned} W_1 &= F \Delta s \cos \theta \\ &= 10N \cdot 10m \cdot \cos 0^\circ \\ &= 100J \end{aligned}$$

Pour la deuxième partie, on a

$$\begin{aligned} W_2 &= F \Delta s \cos \theta \\ &= 15N \cdot 8m \cdot \cos 180^\circ \\ &= -120J \end{aligned}$$

Pour la troisième partie, on a

$$\begin{aligned}W_3 &= F \Delta s \cos \theta \\&= 20N \cdot 12m \cdot \cos 135^\circ \\&= -169,71J\end{aligned}$$

Le travail total est donc

$$100 \text{ J} + -120 \text{ J} + -169,71 \text{ J} = -189,71 \text{ J}$$

### 9. Calcul de $W_{net}$

Pendant la montée, il n'y a que la force de gravitation qui agit sur l'objet. Le travail fait par la gravitation est donc égal au travail net.

$$\begin{aligned}W_{net} &= W_g \\&= F_g \Delta s \cos \theta \\&= \left(0,43kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg}\right) \cdot 20m \cdot \cos(180^\circ) \\&= -84,28J\end{aligned}$$

### Calcul de $\Delta E_k$

La variation d'énergie cinétique est

$$\begin{aligned}\Delta E_k &= \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2 \\ \Delta E_k &= \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2} \cdot 0,43kg \cdot \left(30 \frac{m}{s}\right)^2 \\ \Delta E_k &= \frac{1}{2}mv'^2 - 193,5J\end{aligned}$$

### Application du théorème de l'énergie cinétique



$$\begin{aligned}
 W_{net} &= \Delta E_k \\
 -84,28J &= \frac{1}{2}mv'^2 - 193,5J \\
 109,22J &= \frac{1}{2}mv'^2 \\
 109,22J &= \frac{1}{2} \cdot 0,43kg \cdot v'^2 \\
 v' &= 22,54 \frac{m}{s}
 \end{aligned}$$

### 10. Calcul de $W_{net}$

Pendant la descente, il y a trois forces sur Mara.

- 1) Une force de gravitation de 245 N vers le bas.
- 2) Une force normale perpendiculaire à la glissade.
- 3) Une force de friction vers le haut de la glissade.

Trouvons le travail fait par chacune de ces forces. Pour y arriver, il nous faudra la grandeur du déplacement, qui est égale à la longueur de la glissade. On trouve cette longueur avec

$$\begin{aligned}
 \sin(70^\circ) &= \frac{3m}{\Delta s} \\
 \Delta s &= 3,1925m
 \end{aligned}$$

Le travail fait par la gravitation est

$$\begin{aligned}
 W_g &= F_g \Delta s \cos \theta \\
 &= 245N \cdot 3,1925m \cdot \cos(20^\circ) \\
 &= 735J
 \end{aligned}$$

Le travail fait par la normale est nul, car il y a  $90^\circ$  entre le déplacement et la force.

Pour trouver le travail fait par la friction, il nous faut la grandeur de la force de friction et cette force dépend de la grandeur de la force normale. On trouve la grandeur de la force normale avec l'équation des forces y.

$$\begin{aligned}
 \sum F_y &= ma_y \\
 245N \cdot \sin(20^\circ) + F_N &= 0 \\
 F_N &= 83,79N
 \end{aligned}$$

La force de friction est donc

$$\begin{aligned} F_f &= \mu_c F_N \\ &= 0,1 \cdot 83,79 N \\ &= 8,379 N \end{aligned}$$

Le travail fait par la force de friction est donc

$$\begin{aligned} W_f &= F_f \Delta s \cos \theta \\ &= 8,379 N \cdot 3,1925 m \cdot \cos(180^\circ) \\ &= -26,75 J \end{aligned}$$

Le travail net est donc

$$\begin{aligned} W_{net} &= W_g + W_N + W_f \\ &= 735 J + 0 J - 26,75 J \\ &= 708,25 J \end{aligned}$$

### Calcul de $\Delta E_k$

La variation d'énergie cinétique est

$$\begin{aligned} \Delta E_k &= \frac{1}{2} m v'^2 - \frac{1}{2} m v^2 \\ \Delta E_k &= \frac{1}{2} m v'^2 - \frac{1}{2} \cdot 25 \text{kg} \cdot \left(0 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\ \Delta E_k &= \frac{1}{2} m v'^2 \end{aligned}$$

### Application du théorème de l'énergie cinétique

$$\begin{aligned} W_{net} &= \Delta E_k \\ 708,25 J &= \frac{1}{2} m v'^2 \\ 109,22 J &= \frac{1}{2} 25 \text{kg} \cdot v'^2 \\ v' &= 7,527 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

## 11. Arrêt total

Sachant le travail qu'il faut faire pour arrêter le skieur, on pourra trouver sa masse.

Calcul de  $W_{net}$

Pendant l'arrêt, seule la friction fait un travail sur le skieur et on sait que le travail fait par cette force est de -3000 J.

Calcul de  $\Delta E_k$

Avec une vitesse qui passe de 10 m/s à 0 m/s, la variation d'énergie cinétique est

$$\Delta E_k = \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Delta E_k = \frac{1}{2} \cdot m \cdot \left(0 \frac{m}{s}\right)^2 - \frac{1}{2} \cdot m \cdot \left(10 \frac{m}{s}\right)^2$$

$$\Delta E_k = -\frac{1}{2} \cdot m \cdot \left(10 \frac{m}{s}\right)^2$$

Application du théorème de l'énergie cinétique

$$W_{net} = \Delta E_k$$

$$-3000J = -\frac{1}{2} \cdot m \cdot \left(10 \frac{m}{s}\right)^2$$

$$m = 60kg$$

**Arrêt partiel**

Calcul de  $W_{net}$

Pendant l'arrêt, seule la friction fait un travail sur le skieur et on sait que le travail fait par cette force est de -1500 J.

Calcul de  $\Delta E_k$

La variation d'énergie cinétique est

$$\Delta E_k = \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Delta E_k = \frac{1}{2} \cdot 60kg \cdot v'^2 - \frac{1}{2} \cdot 60kg \cdot \left(10 \frac{m}{s}\right)^2$$

$$\Delta E_k = 30kg \cdot v'^2 - 3000J$$

Application du théorème de l'énergie cinétique

$$\begin{aligned}
 W_{net} &= \Delta E_k \\
 -1500J &= 30kg \cdot v'^2 - 3000J \\
 v' &= 7,071 \frac{m}{s}
 \end{aligned}$$

**12.** Calcul de  $W_{net}$ 

Pendant la chute, il y a deux forces qui s'appliquent sur René.

- 1) La force de gravitation de 539 N vers le bas.
- 2) Une force de friction vers le haut.

Le travail fait par la force de gravitation est

$$\begin{aligned}
 W_g &= F_g \Delta s \cos \theta \\
 &= 539N \cdot 300m \cdot \cos(0^\circ) \\
 &= 161\,700J
 \end{aligned}$$

Quant au travail fait par la friction, rien ne nous permet de le trouver pour l'instant. Le travail net est donc de

$$\begin{aligned}
 W_{net} &= W_g + W_f \\
 W_{net} &= 161\,700J + W_f
 \end{aligned}$$

Calcul de  $\Delta E_k$ 

Avec une vitesse qui passe de 0 m/s à 39,4 m/s, la variation d'énergie cinétique est

$$\begin{aligned}
 \Delta E_k &= \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2 \\
 &= \frac{1}{2}55kg \cdot (39,4 \frac{m}{s})^2 - \frac{1}{2}55kg \cdot (0 \frac{m}{s})^2 \\
 &= 42\,689,9J
 \end{aligned}$$

Application du théorème de l'énergie cinétique

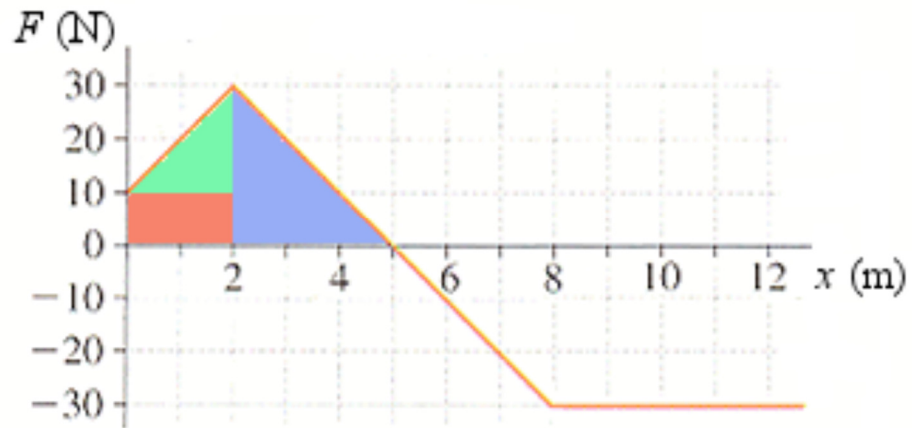
$$W_{net} = \Delta E_k$$

$$161\,700\text{J} + W_f = 42\,689,9\text{J}$$

$$W_f = -119\,010,1\text{J}$$

### 13. a) Calcul de $W_{net}$

Ici, on calcule le travail avec l'aire sous la courbe. On calcule cette aire en séparant ainsi la surface (ce n'est pas la seule façon de le faire).



L'aire du rectangle rouge est  $10\text{ N} \cdot 2\text{ m} = 20\text{ J}$ .

L'aire du triangle vert est  $\frac{1}{2} (2\text{ m} \cdot 20\text{ N}) = 20\text{ J}$ .

L'aire du triangle bleu est  $\frac{1}{2} (3\text{ m} \cdot 30\text{ N}) = 45\text{ J}$ .

L'aire totale est donc de  $20\text{ J} + 20\text{ J} + 45\text{ J} = 85\text{ J}$ .

Le travail net est donc

$$W_{net} = 85\text{J}$$

### Calcul de $\Delta E_k$

La variation d'énergie cinétique est

$$\Delta E_k = \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Delta E_k = \frac{1}{2} \cdot 5\text{kg} \cdot v'^2 - \frac{1}{2} \cdot 5\text{kg} \cdot \left(2\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2$$

$$\Delta E_k = 2,5\text{kg} \cdot v'^2 - 10\text{J}$$

Application du théorème de l'énergie cinétique

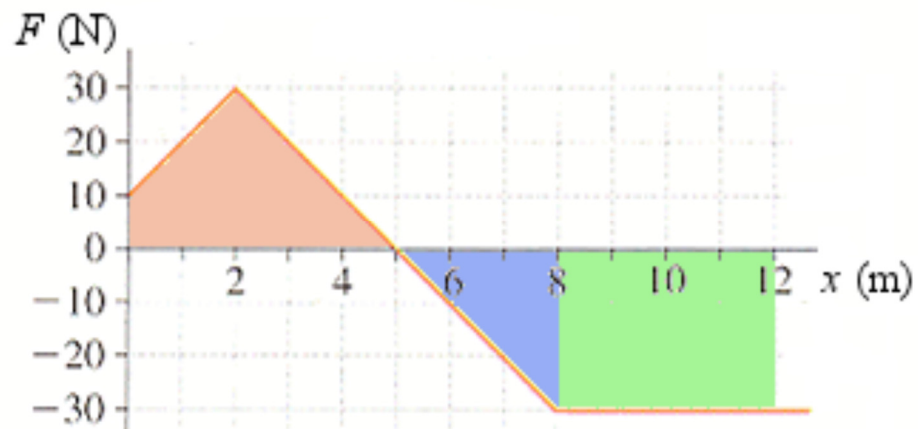
$$W_{net} = \Delta E_k$$

$$85\text{J} = 2,5\text{kg} \cdot v'^2 - 10\text{J}$$

$$v' = 6,164\frac{\text{m}}{\text{s}}$$

b) Calcul de  $W_{net}$

Ici, on calcule le travail avec l'aire sous la courbe. On calcule cette aire en séparant ainsi la surface (ce n'est pas la seule façon de le faire).



L'aire de la partie rouge est 85 J (calculée à la partie a)

L'aire du triangle bleu est  $-\frac{1}{2} (3\text{ m} \cdot 30\text{ N}) = -45\text{ J}$ .

L'aire du rectangle vert est  $-(4\text{ m} \cdot 30\text{ N}) = -120\text{ J}$ .

L'aire totale est donc de  $85\text{ J} + -45\text{ J} + -120\text{ J} = -80\text{ J}$ .

Le travail net est donc

$$W_{net} = -80\text{J}$$

Calcul de  $\Delta E_k$

La variation d'énergie cinétique est

$$\Delta E_k = \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Delta E_k = \frac{1}{2} \cdot 5kg \cdot v'^2 - \frac{1}{2} \cdot 5kg \cdot \left(2 \frac{m}{s}\right)^2$$

$$\Delta E_k = 2,5kg \cdot v'^2 - 10J$$

Application du théorème de l'énergie cinétique

$$W_{net} = \Delta E_k$$

$$-80J = 2,5kg \cdot v'^2 - 10J$$

$$-70J = 2,5kg \cdot v'^2$$

Il n'y a pas de solution à cette équation. Cela veut dire que l'objet ne peut pas atteindre  $x = 12$  m. Les forces négatives qui s'appliquent sur l'objet après  $x = 5$  m empêcheront l'objet d'atteindre cet endroit. En fait, on pourrait calculer que l'objet ne peut pas dépasser  $x = 9,333$  m.

**14.** a) On peut trouver l'accélération de l'avion avec les forces

Pour un avion sur la piste, l'équation des forces en  $x$  est

$$F_t - F_d - F_f = ma$$

On sait que la poussée est nulle, que la trainée est de 8400 N et que la force de freinage est 40 000 N, on a

$$0 - 8400N - 40000N = 24000kg \cdot a$$

$$-48400N = 24000kg \cdot a$$

$$a = -2,107 \frac{m}{s^2}$$

Après un déplacement de 1000 pieds, la vitesse est

$$\begin{aligned}
 2a(x - x_0) &= v^2 - v_0^2 \\
 2 \cdot (-2.017 \frac{m}{s^2}) \cdot (304,8m - 0m) &= v^2 - (54,04 \frac{m}{s})^2 \\
 -1230 \frac{m^2}{s^2} &= v^2 - (54,04 \frac{m}{s})^2 \\
 -1230 \frac{m^2}{s^2} + (54,04 \frac{m}{s})^2 &= v^2 \\
 1690 \frac{m^2}{s^2} &= v^2 \\
 v &= 41,1 \frac{m}{s} \\
 v &= 79,9 \text{ kts}
 \end{aligned}$$

b) Calcul de  $W_{net}$

Pendant le freinage, il y a deux forces qui font un travail sur l'avion.

- 1) La trainée de 8400 N vers l'arrière de l'avion.
- 2) La force de freinage de 40 000 N vers l'arrière de l'avion.

Le travail fait par la trainée est

$$\begin{aligned}
 W_d &= F_d \Delta s \cos \theta \\
 &= 8400N \cdot 304,8m \cdot \cos(180^\circ) \\
 &= -2\,560kJ
 \end{aligned}$$

Le travail fait par la force de freinage est

$$\begin{aligned}
 W_f &= F_f \Delta s \cos \theta \\
 &= 40\,000N \cdot 304,8m \cdot \cos(180^\circ) \\
 &= -12\,192kJ
 \end{aligned}$$

Le travail net est donc

$$\begin{aligned}
 W_{net} &= W_d + W_f \\
 &= -2\,560kJ + -12\,192kJ \\
 &= -14\,752kJ
 \end{aligned}$$

Calcul de  $\Delta E_k$

Avec une vitesse qui passe de 54,04 m/s à  $v$ , la variation d'énergie cinétique est



$$\begin{aligned}
 \Delta E_k &= \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2 \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 24\,000\text{kg} \cdot v^2 - \frac{1}{2} \cdot 24\,000\text{kg} \cdot \left(54,04 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\
 &= 12\,000\text{kg} \cdot v^2 - 35\,043\text{kJ}
 \end{aligned}$$

Application du théorème de l'énergie cinétique

$$\begin{aligned}
 W_{net} &= \Delta E_k \\
 -14\,752\text{kJ} &= 12\,000\text{kg} \cdot v^2 - 35\,043\text{kJ} \\
 20\,291\text{kJ} &= 12\,000\text{kg} \cdot v^2 \\
 1691 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} &= v^2 \\
 v &= 41,1 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\
 v &= 79,9\text{kts}
 \end{aligned}$$

- 15.** En prenant un  $y = 0$  à la surface de l'eau, les énergies gravitationnelles aux points A, B et C sont

$$\begin{aligned}
 U_{gA} &= mgy = 30\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 2,8\text{m} = 823,2\text{J} \\
 U_{gB} &= mgy = 30\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 1,5\text{m} = 441\text{J} \\
 U_{gC} &= mgy = 30\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 0\text{m} = 0\text{J}
 \end{aligned}$$

- a) En passant de A à B, la variation d'énergie est donc

$$\begin{aligned}
 \Delta U_g &= U_{gB} - U_{gA} \\
 &= 441\text{J} - 823,2\text{J} \\
 &= -382,2\text{J}
 \end{aligned}$$

- b) En passant de A à C, la variation d'énergie est donc

$$\begin{aligned}
 \Delta U_g &= U_{gC} - U_{gA} \\
 &= 0\text{J} - 823,2\text{J} \\
 &= -823,2\text{J}
 \end{aligned}$$

Le travail est donc

$$\begin{aligned}
 W_g &= -\Delta U_g \\
 &= -(-823,2J) \\
 &= 823,2J
 \end{aligned}$$

**16. a) Énergie mécanique à l'instant 1 (charriot au point A)**

$$\begin{aligned}
 E &= \frac{1}{2}mv^2 + mgy \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 2000kg \cdot v^2 + 2000kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg} \cdot 25m \\
 &= 1000kg \cdot v^2 + 490\,000J
 \end{aligned}$$

Nous avons choisi de mettre le  $y = 0$  au point B.

Énergie mécanique à l'instant 2 (charriot au point B)

$$\begin{aligned}
 E' &= \frac{1}{2}mv'^2 + mgy' \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 2000kg \cdot \left(25 \frac{m}{s}\right)^2 + 0J \\
 &= 625\,000J
 \end{aligned}$$

Conservation de l'énergie mécanique

$$\begin{aligned}
 E &= E' \\
 1000kg \cdot v^2 + 490\,000J &= 625\,000J \\
 v &= 11,62 \frac{m}{s}
 \end{aligned}$$

**b) Énergie mécanique à l'instant 2 (charriot au point C)**

$$\begin{aligned}
 E' &= \frac{1}{2}mv'^2 + mgy' \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 2000kg \cdot v'^2 + 2000kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg} \cdot 5m \\
 &= 1000kg \cdot v'^2 + 98\,000J
 \end{aligned}$$

Conservation de l'énergie mécanique

En égalant les deux énergies mécaniques aux points A et C, on obtient

$$E' = E'$$

$$625\,000J = 1000kg \cdot v'^2 + 98\,000J$$

$$v = 22,96 \frac{m}{s}$$

**17.** Énergie mécanique à l'instant 1 (pendule au point A)

$$E = \frac{1}{2}mv^2 + mgy$$

$$= 0 + mgy$$

Nous avons choisi de mettre le  $y = 0$  au point le plus bas du mouvement du pendule.

La hauteur du pendule au point A est

$$y = L(1 - \cos \theta)$$

$$= 1,2m \cdot (1 - \cos 35^\circ)$$

$$= 0,217m$$

L'énergie mécanique est donc

$$E = mgy$$

$$= 4kg \cdot 9,8 \frac{N}{m} \cdot 0,217m$$

$$= 8,507J$$

Énergie mécanique à l'instant 2 (pendule au point B)

$$E' = \frac{1}{2}mv'^2 + mgy'$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 4kg \cdot v'^2 + 0$$

$$= 2kg \cdot v'^2$$

Conservation de l'énergie mécanique

$$E = E'$$

$$8,507J = 2kg \cdot v'^2$$

$$v' = 2,062 \frac{m}{s}$$

**18.** Énergie mécanique à l'instant 1 (configuration montrée sur la figure)

La hauteur du pendule est

$$\begin{aligned} y &= L(1 - \cos \theta) \\ &= 4m \cdot (1 - \cos 25^\circ) \\ &= 0,3748m \end{aligned}$$

L'énergie mécanique du pendule à l'instant 1 est donc

$$\begin{aligned} E &= \frac{1}{2}mv^2 + mgy \\ &= \frac{1}{2} \cdot 2kg \cdot \left(2\frac{m}{s}\right)^2 + 2kg \cdot 9,8\frac{N}{kg} \cdot 0,3748m \\ &= 11,345J \end{aligned}$$

Nous avons choisi de mettre le  $y = 0$  au point le plus bas du mouvement du pendule.

a) Énergie mécanique à l'instant 2 (pendule vertical)

$$\begin{aligned} E' &= \frac{1}{2}mv'^2 + mgy' \\ &= \frac{1}{2} \cdot 2kg \cdot v'^2 + 0 \\ &= 1kg \cdot v'^2 \end{aligned}$$

Conservation de l'énergie mécanique

$$\begin{aligned} E &= E' \\ 11,345J &= 1kg \cdot v'^2 \\ v' &= 3,368\frac{m}{s} \end{aligned}$$

b) Énergie mécanique à l'instant 2 (pendule à sa hauteur maximale)

$$\begin{aligned} E' &= \frac{1}{2}mv'^2 + mgy' \\ &= 0 + 2kg \cdot 9,8\frac{N}{kg} \cdot y' \\ &= 19,6N \cdot y' \end{aligned}$$

Conservation de l'énergie mécanique

$$E = E'$$

$$11,345J = 19,6N \cdot y'$$

$$y' = 0,57885m$$

Cela correspond à l'angle suivant.

$$\cos \theta = \frac{L - y'}{L}$$

$$\cos \theta = \frac{4m - 0,57885m}{4m}$$

$$\theta = 31,2^\circ$$

- 19.** Pour trouver le poids apparent, il nous faut l'accélération de la voiture. Or, cette accélération est une accélération centripète.

$$a_c = \frac{v^2}{r}$$

Pour la trouver, on doit connaître la vitesse de la voiture. On va trouver cette vitesse avec la conservation de l'énergie mécanique.

Énergie mécanique à l'instant 1 (auto à la position A)

La hauteur de l'auto est

$$y = L(1 - \cos \theta)$$

$$= 5m \cdot (1 - \cos 80^\circ)$$

$$= 4,132m$$

L'énergie mécanique de l'auto à l'instant 1 est donc

$$E = \frac{1}{2} Mv^2 + Mgy$$

$$= 0 + Mgy$$

$$= Mg \cdot 4,132m$$

Nous avons choisi de mettre le  $y = 0$  au point le plus bas du mouvement de l'auto. (On utilise  $M$  pour la masse pour éviter la confusion avec les mètres.)

Énergie mécanique à l'instant 2 est (auto à la position B)

$$\begin{aligned} E' &= \frac{1}{2} Mv'^2 + Mgy' \\ &= \frac{1}{2} Mv'^2 + 0 \\ &= \frac{1}{2} Mv'^2 \end{aligned}$$

Conservation de l'énergie mécanique

$$\begin{aligned} E &= E' \\ Mg \cdot 4,132m &= \frac{1}{2} Mv'^2 \\ g \cdot 4,132m &= \frac{1}{2} v'^2 \\ v' &= 8,999 \frac{m}{s} \end{aligned}$$

Une personne dans la voiture a donc une accélération centripète de

$$\begin{aligned} a_c &= \frac{v^2}{r} \\ &= \frac{(8,999 \frac{m}{s})^2}{5m} \\ &= 16,1965 \frac{m}{s^2} \end{aligned}$$

vers le haut.

Les composantes du poids apparent d'une personne dans la voiture sont donc

$$\begin{aligned} P_{app\ x} &= -Ma_x \\ &\rightarrow P_{app\ x} = 0 \\ P_{app\ y} &= -Mg - Ma_y \\ &\rightarrow P_{app\ y} = -M \cdot 9,8 \frac{N}{kg} - M \cdot 16,1965 \frac{m}{s^2} \\ &\rightarrow P_{app\ y} = -M \cdot 25,9965 \frac{N}{kg} \end{aligned}$$

Le nombre de g est donc

$$n_g = \frac{|P_{app}|}{P_{reel\ sur\ Terre}} = \frac{M \cdot 25,9965 \frac{N}{kg}}{M \cdot 9,8 \frac{N}{kg}} = 2,653$$

**20.** Énergie mécanique à l'instant 1 (au départ, vitesse nulle)

$$\begin{aligned}
 E &= \frac{1}{2}mv^2 + mgy \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 500\text{kg} \cdot \left(0 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 + 500\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 0\text{m} \\
 &= 0\text{J}
 \end{aligned}$$

Nous avons choisi de mettre le  $y = 0$  au sol.

Énergie mécanique à l'instant 2 (après le déplacement de 200 m)

$$\begin{aligned}
 E' &= \frac{1}{2}mv'^2 + mgy' \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 500\text{kg} \cdot v'^2 + 500\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 0\text{m} \\
 &= 250\text{kg} \cdot v'^2
 \end{aligned}$$

Travail des autres forces

Comme il y a d'autres forces qui font des travaux, on doit aussi calculer le travail fait par ces forces.

$$\begin{aligned}
 W_t &= 20\,000\text{N} \cdot 200\text{m} \cdot \cos(0^\circ) = 4\,000\,000\text{J} \\
 W_f &= 5000\text{N} \cdot 200\text{m} \cdot \cos(180^\circ) = -1\,000\,000\text{J}
 \end{aligned}$$

Ce qui donne un travail net de 3 000 000 J pour les autres forces.

Utilisation de  $E + W_{\text{autres}} = E'$ 

$$\begin{aligned}
 E + W_{\text{autres}} &= E' \\
 0 + 3\,000\,000\text{J} &= 250\text{kg} \cdot v'^2 \\
 v'^2 &= 12\,000 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \\
 v' &= 109,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}
 \end{aligned}$$

**21.** Énergie mécanique à l'instant 1 (configuration montrée sur la figure)

$$\begin{aligned}
 E &= \frac{1}{2}mv^2 + mgy \\
 &= 0 + mg \cdot (62m) \\
 &= mg \cdot (62m)
 \end{aligned}$$

Le  $y = 0$  est au bas de la pente.

Énergie mécanique à l'instant 2 (après la descente et l'arrêt sur le plat)

$$\begin{aligned}
 E' &= \frac{1}{2}mv'^2 + mgy' \\
 &= 0 + 0 \\
 &= 0
 \end{aligned}$$

Travail des autres forces

Comme il y a une autre force (la friction) qui fait un travail, on doit aussi calculer le travail fait par cette force.

$$\begin{aligned}
 W_{\text{autres}} &= F_f \Delta s \cdot \cos(180^\circ) \\
 &= \mu_c F_N \Delta s \cdot \cos(180^\circ) \\
 &= \mu_c mg \Delta s \cdot \cos(180^\circ) \\
 &= -\mu_c mg \Delta s
 \end{aligned}$$

Utilisation de  $E + W_{\text{autres}} = E'$

$$\begin{aligned}
 E + W_{\text{autres}} &= E' \\
 mg \cdot (62m) + -\mu_c mg \Delta s &= 0 \\
 (62m) - \mu_c \Delta s &= 0m \\
 62m - 0,2 \cdot \Delta s &= 0m \\
 \Delta s &= 310m
 \end{aligned}$$

**22.** Énergie mécanique à l'instant 1 (avion à 200 nœuds)



$$\begin{aligned}
 E &= \frac{1}{2}mv^2 + mgy \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 260\,000\text{kg} \cdot \left(102,9 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 + 260\,000\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 0\text{m} \\
 &= 1376\text{MJ}
 \end{aligned}$$

Nous avons choisi de mettre le  $y = 0$  à la hauteur initiale de l'avion.

### Énergie mécanique à l'instant 2 (avion à 220 nœuds)

Pour trouver l'énergie, on doit connaître la hauteur de l'avion par rapport à sa hauteur initiale. Cette hauteur est

$$y = \Delta s \cdot \sin 2^\circ$$

Pour la trouver, il nous faut le déplacement. Puisque la vitesse passe de 200 à 220 nœuds (102,9 m/s à 113,2 m/s) en 10 minutes, le déplacement est

$$\begin{aligned}
 \Delta s &= \frac{1}{2}(v + v_0)t \\
 &= \frac{1}{2} \cdot \left(102,9 \frac{\text{m}}{\text{s}} + 113,2 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right) \cdot 600\text{s} \\
 &= 64\,830\text{m}
 \end{aligned}$$

La hauteur est donc

$$\begin{aligned}
 y &= \Delta s \cdot \sin 2^\circ \\
 &= 64\,830\text{m} \cdot \sin 2^\circ \\
 &= 2263\text{m}
 \end{aligned}$$

L'énergie à l'instant 2 est donc

$$\begin{aligned}
 E' &= \frac{1}{2}mv'^2 + mgy' \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 260\,000\text{kg} \cdot \left(113,2 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 + 260\,000\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 2263\text{m} \\
 &= 1666\text{MJ} + 5766\text{MJ} \\
 &= 7432\text{MJ}
 \end{aligned}$$

### Travail des autres forces

Comme il y a d'autres forces qui font des travaux, on doit aussi calculer le travail fait par ces forces.

Le travail fait par les moteurs est

$$W_t$$

Le travail fait par la trainée est

$$\begin{aligned} W_d &= F_d \Delta s \cdot \cos(180^\circ) \\ &= -F_d \Delta s \end{aligned}$$

Pour trouver le travail fait par la trainée, il faut trouver la force de trainée. Pour trouver la force de trainée, il nous faut le coefficient de trainée. Pour trouver le coefficient de trainée, il nous faut le coefficient de portance.

En montée, on a

$$F_L - mg \cos \theta = 0$$

On a donc

$$\begin{aligned} F_L &= mg \cos \theta \\ &= 260\,000 \text{ kg} \cdot 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \cos 2^\circ \\ &= 2\,546\,447 \text{ N} \end{aligned}$$

On a alors

$$\frac{1}{2} C_L A \rho v^2 = 2\,546\,447 \text{ N}$$

Ce qui nous mène à

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \cdot C_L \cdot 442 \text{ m}^2 \cdot 1,1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(108,1 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 &= 2\,546\,447 \text{ N} \\ C_L &= 0,896 \end{aligned}$$

Le coefficient de trainée est alors

$$\begin{aligned} C_d &= C_{d0} + \frac{C_L^2 A}{e \pi S^2} \\ &= 0,031 + \frac{(0,896)^2 \cdot 442 \text{ m}^2}{0,73 \cdot \pi \cdot (64,75 \text{ m})^2} \\ &= 0,031 + 0,037 \\ &= 0,068 \end{aligned}$$

La force de trainée est donc

$$\begin{aligned} F_d &= \frac{1}{2} C_d A \rho v^2 \\ &= \frac{1}{2} \cdot 0,068 \cdot 442 \text{m}^2 \cdot 1,1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(108,1 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\ &= 193\,172 \text{N} \end{aligned}$$

Le travail fait par la trainée est donc

$$\begin{aligned} W_d &= F_d \Delta s \cos \theta \\ &= 193\,172 \text{N} \cdot 64\,830 \text{m} \cdot \cos(180^\circ) \\ &= -12\,523 \text{MJ} \end{aligned}$$

Le travail fait par les autres forces est donc

$$\begin{aligned} W_{\text{autres}} &= W_t + W_d \\ &= W_t + -12\,523 \text{MJ} \end{aligned}$$

Utilisation de  $E + W_{\text{autres}} = E'$

$$\begin{aligned} E + W_{\text{autres}} &= E' \\ 1376 \text{MJ} + W_t + -12\,523 \text{MJ} &= 7432 \text{MJ} \\ W_t &= 18\,579 \text{MJ} \end{aligned}$$

**23.** L'énergie cinétique de l'avion est

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} m v^2 &= \frac{1}{2} \cdot 55\,000 \text{kg} \cdot \left(70,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\ &= 136,7 \text{MJ} \end{aligned}$$

Comme chacun des 4 systèmes de frein peut recevoir 45 MJ sans dommage, les freins peuvent recevoir 180 MJ. Les freins peuvent donc recevoir toute l'énergie cinétique de l'avion sans dépasser le maximum d'énergie.

**24.** a) L'énergie cinétique est

$$\begin{aligned}
 E_k &= \frac{1}{2}mv^2 \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 200\,000\text{kg} \cdot \left(72,1\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\
 &= 519,8\text{MJ}
 \end{aligned}$$

b) On trouve la distance d'arrêt avec l'accélération et la vitesse d'atterrissage.

$$\begin{aligned}
 2a(x - x_0) &= v^2 - v_0^2 \\
 2 \cdot \left(-3\frac{\text{m}}{\text{s}^2}\right)(x - 0) &= 0 - \left(72,1\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\
 x &= 866,4\text{m}
 \end{aligned}$$

c) Comme la trainée dépend de la vitesse, elle varie constamment. On va approximer en calculant la trainée avec la vitesse d'atterrissage divisée par  $\sqrt{3}$ .

Pour trouver la trainée, il nous faut le coefficient de trainée. Ce coefficient est

$$C_d = C_{d0} + 0,013 + 0,025 + \frac{C_L^2 A}{e\pi S^2}$$

On ajoute 0,013 pour le train et 0,025 pour les volets. On a donc

$$\begin{aligned}
 C_d &= 0,037 + 0,013 + 0,025 + \frac{(0,5)^2 \cdot 442\text{m}^2}{0,86 \cdot \pi \cdot (64,75\text{m})^2} \\
 &= 0,037 + 0,013 + 0,025 + 0,010 \\
 &= 0,085
 \end{aligned}$$

La trainée est donc

$$\begin{aligned}
 F_d &= \frac{1}{2}C_d A \rho v^2 \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 0,085 \cdot 442\text{m}^2 \cdot 1,155\frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(\frac{72,1\frac{\text{m}}{\text{s}}}{\sqrt{3}}\right)^2 \\
 &= 37\,596\text{N}
 \end{aligned}$$

Le travail fait par la trainée est

$$\begin{aligned}
 W_d &= F_d \Delta s \cos \theta \\
 &= 37\,596\text{N} \cdot 866,4\text{m} \cdot \cos 180^\circ \\
 &= -32,6\text{MJ}
 \end{aligned}$$

- d) La friction faire perdre 32,6 MJ et les inverseurs de poussée font perdre 80 MJ. L'énergie qu'il reste à enlever à l'avion est donc

$$519,8,8MJ - 32,6MJ - 80MJ = 407,2MJ$$

Les freins doivent donc faire un travail de -407,2 MJ. L'énergie reçue par chacun des 8 systèmes est donc de

$$\frac{407,2MJ}{8} = 50,9MJ$$

S'il ne reste que 40 % de l'énergie dans les freins. L'énergie qui reste est donc

$$50,9MJ \cdot 0,4 = 20,36MJ$$

- e) Le travail fait par les inverseurs est de -80 MJ. On trouve la force avec la formule du travail

$$\begin{aligned} W_t &= F_t \Delta s \cos \theta \\ -80\,000\,000J &= F_t \cdot 866,4m \cdot \cos 180^\circ \\ -80\,000\,000J &= -F_t \cdot 866,4m \\ F_t &= 92\,336N \end{aligned}$$

Comme il y a 2 moteurs, la force de chaque inverseur est 46 168 N.

## 25. a)

Il faut trouver le maximum de la friction statique. Ce maximum est  $\mu_s F_N$ . La normale est égale à 50 % du poids de l'avion.

$$\begin{aligned} F_N &= 0,5 \cdot mg \\ &= 0,5 \cdot 260\,000kg \cdot 9,8 \frac{m}{s^2} \\ &= 1\,274\,000N \end{aligned}$$

Puisque le coefficient de friction est 0,9, la force de friction maximum est de

$$\begin{aligned} F_{f \max} &= \mu_s F_N \\ &= 0,9 \cdot 1\,274\,000N \\ &= 1\,146\,600N \end{aligned}$$

b) Pour trouver l'accélération on utilise la formule suivante

$$\begin{aligned}\sum F_x &= ma_x \\ -F_f &= ma\end{aligned}$$

(Il n'y a pas d'inverseurs de poussée lors d'un décollage avorté et on néglige la traînée). On a donc

$$\begin{aligned}-F_f &= ma \\ -1146\,600N &= 260\,000kg \cdot a \\ a &= -4,41\frac{m}{s^2}\end{aligned}$$

c) On trouve la distance d'arrêt avec la vitesse et l'accélération. La vitesse au début du freinage est  $V_1$ . Cette vitesse est

$$\begin{aligned}V_1 &= 0,9 \cdot 132kts \\ &= 118,8kts \\ &= 61,14\frac{m}{s}\end{aligned}$$

La distance d'arrêt est donc

$$\begin{aligned}2a(x - x_0) &= v^2 - v_0^2 \\ 2 \cdot (-4,41\frac{m}{s^2})(x - 0) &= 0 - (61,14\frac{m}{s})^2 \\ x &= 423,8m\end{aligned}$$

d) L'énergie cinétique est

$$\begin{aligned}E_k &= \frac{1}{2}mv^2 \\ &= \frac{1}{2} \cdot 260\,000kg \cdot (61,14\frac{m}{s})^2 \\ &= 486,0MJ\end{aligned}$$

Comme la force de freinage est la seule force qui arrête l'avion (quand on néglige la traînée), toute cette énergie va dans les freins. L'énergie de chaque système de freinage est donc

$$\frac{486,0MJ}{8} = 60,75MJ$$

Notez qu'on aurait pu aussi calculer l'énergie avec

$$\begin{aligned}
 W_f &= F_f \Delta s \cos \theta \\
 &= 1146\,600\text{N} \cdot 423,8\text{m} \cdot \cos 180^\circ \\
 &= -486,0\text{MJ}
 \end{aligned}$$

- e) Comme on est tout près de 65 MJ, il y a des chances que les freins soient fortement endommagés par ce freinage. Il est presque certain que les protections des pneus fondent (*fuse plug melt*) et que les pneus se dégonflent.

**26.** Il n'y a que force faite par la corde qui fait un travail sur la boîte. Ce travail est donc le travail net. Selon le théorème de l'énergie cinétique, ce travail net est

$$\begin{aligned}
 W_{net} &= \Delta E_k \\
 &= \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2 \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 5\text{kg} \cdot \left(20\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 - \frac{1}{2} \cdot 5\text{kg} \cdot \left(0\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\
 &= 1000\text{J}
 \end{aligned}$$

C'est le travail fait par la corde, donc par le treuil. La puissance moyenne du treuil est donc

$$\begin{aligned}
 \bar{P} &= \frac{W}{\Delta t} \\
 &= \frac{1000\text{J}}{10\text{s}} \\
 &= 100\text{W}
 \end{aligned}$$

Le treuil doit ensuite accélérer une masse de 100 kg pour lui donner une vitesse de 10 m/s. Alors, le travail fait par le treuil est

$$\begin{aligned}
 W_{net} &= \Delta E_k \\
 &= \frac{1}{2}mv'^2 - \frac{1}{2}mv^2 \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 100\text{kg} \cdot \left(10\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 - \frac{1}{2} \cdot 100\text{kg} \cdot \left(0\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \\
 &= 5000\text{J}
 \end{aligned}$$

Puisque la puissance moyenne est la même, on a

$$\bar{P} = \frac{W}{\Delta t}$$

$$100W = \frac{5000J}{\Delta t}$$

$$\Delta t = 50s$$

**27. a)**

Comme on cherche la puissance du treuil, il faut trouver la puissance de la force faite par la corde. Trouvons donc la force faite par la corde.

S'il n'y a pas de friction, il y a 3 forces sur la caisse (avec un axe des  $x$  vers le haut de la pente).

- 1) La gravitation de 490 N vers le bas.
- 2) La normale perpendiculaire à la surface.
- 3) La force faite par la corde vers le haut de la pente (qu'on va appeler  $T$ ).

L'équation des forces en  $x$  est

$$\sum F_x = ma_x$$

$$490N \cdot \cos(-120^\circ) + T = 0$$

$$T = 245N$$

La puissance de la force faite par la corde est donc

$$P = Fv \cos \theta$$

$$= 245N \cdot 10 \frac{m}{s} \cdot \cos(0^\circ)$$

$$= 2450W$$

- b) Encore une fois, il faut trouver la puissance de la force faite par la corde. Trouvons donc la force faite par la corde.

Puisqu'il y a de la friction, il y a 4 forces sur la caisse.

- 1) La gravitation de 490 N vers le bas.
- 2) La normale perpendiculaire à la surface.
- 3) La tension de la corde vers le haut de la pente.
- 4) La force faite par la corde vers le bas de la pente ( $T$ ).

Les équations des forces sont (avec un axe des  $x$  vers le haut de la pente)



$$\begin{aligned}\sum F_x &= ma_x \\ &\rightarrow 490N \cdot \cos(-120^\circ) + T - \mu_c F_N = 0 \\ \sum F_y &= ma_y \\ &\rightarrow 490N \cdot \sin(-120^\circ) + F_N = 0\end{aligned}$$

L'équation des forces en y nous permet de trouver la normale.

$$\begin{aligned}490N \cdot \sin(-120^\circ) + F_N &= 0 \\ F_N &= 424,35N\end{aligned}$$

On utilise ensuite cette valeur dans l'équation des forces en x pour trouver la force faite par la corde.

$$\begin{aligned}490N \cdot \cos(-120^\circ) + T - \mu_c F_N &= 0 \\ 490N \cdot \cos(-120^\circ) + T - 0,3 \cdot 424,35N &= 0 \\ T &= 372,3N\end{aligned}$$

La puissance de la force faite par la corde est donc

$$\begin{aligned}P &= Fv \cos \theta \\ &= 372,3N \cdot 10 \frac{m}{s} \cdot \cos(0^\circ) \\ &= 3723W\end{aligned}$$

## 28. a) Version 1

Énergie mécanique à l'instant 1 (fusée arrêtée au sol)

$$\begin{aligned}E &= \frac{1}{2}mv^2 + mgy \\ &= 0 + 0 \\ &= 0\end{aligned}$$

Le  $y = 0$  est au sol.

Énergie mécanique à l'instant 2 (1 minute plus tard)

$$E' = \frac{1}{2}mv'^2 + mgy'$$

Pour calculer cette énergie, il nous faut l'altitude de la fusée. Puisque l'accélération est constante, on a

$$\begin{aligned} y &= y_0 + \frac{1}{2}(v_{0y} + v_y)t \\ &= 0 + \frac{1}{2}\left(0 + 300 \frac{m}{s}\right) \cdot 60s \\ &= 9000m \end{aligned}$$

L'énergie est donc

$$\begin{aligned} E' &= \frac{1}{2}mv'^2 + mgy' \\ &= \frac{1}{2} \cdot 30kg \cdot \left(300 \frac{m}{s}\right)^2 + 30kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg} \cdot 9000m \\ &= 1350kJ + 2646kJ \\ &= 3996kJ \end{aligned}$$

### Travail des autres forces

Il y a une autre force (la poussée des moteurs) qui fait un travail. Le travail de cette force est

$$W_t$$

### Utilisation de $E + W_{autres} = E'$

$$\begin{aligned} E + W_{autres} &= E' \\ 0 + W_t &= 3996kJ \\ W_t &= 3996kJ \end{aligned}$$

### Version 2

On peut aussi calculer le travail fait par la poussée avec

$$W_t = F_t \Delta s \cos \theta$$

La somme des forces verticales sur la fusée est

$$F_t - F_g = ma$$

Puisque l'accélération est

$$v_y = v_{0y} + at$$

$$300 \frac{m}{s} = 0 + a \cdot 60s$$

$$a = 5 \frac{m}{s^2}$$

La somme des forces devient

$$F_t - F_g = ma$$

$$F_t - 30kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg} = 30kg \cdot 5 \frac{m}{s^2}$$

$$F_t - 294N = 150N$$

$$F_t = 294N + 150N$$

$$F_t = 444N$$

Pour calculer le travail, il nous faut le déplacement. Puisque l'accélération est constante, on a

$$y = y_0 + \frac{1}{2}(v_{0y} + v_y)t$$

$$= 0 + \frac{1}{2}(0 + 300 \frac{m}{s}) \cdot 60s$$

$$= 9000m$$

Le travail est donc

$$W_t = F_t \Delta s \cos \theta$$

$$= 444N \cdot 9000m \cdot \cos 0^\circ$$

$$= 3\,996\,000J$$

b) La puissance moyenne du moteur est

$$P = \frac{W}{\Delta t}$$

$$= \frac{3\,996\,000J}{60s}$$

$$= 66\,600W$$

**29.** a) La puissance requise est

$$P_{req} = F_t v \cos \theta$$

Pour la trouver, on doit connaître la force de poussée. Quand l'avion vole horizontalement à vitesse constante, la poussée des moteurs est égale à la trainée. Pour trouver la force de trainée, il nous faut le coefficient de trainée. Pour trouver le coefficient de trainée, il nous faut le coefficient de portance.

En vol horizontal à vitesse constante, la portance est égale au poids. On a donc

$$\begin{aligned} F_L &= mg \\ &= 260\,000\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ &= 2\,548\,000\text{N} \end{aligned}$$

On a alors

$$\frac{1}{2} C_L A \rho v^2 = 2\,548\,000\text{N}$$

Ce qui nous mène à

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \cdot C_L \cdot 442\text{m}^2 \cdot 0,332 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot (251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 &= 2\,548\,000\text{N} \\ C_L &= 0,550 \end{aligned}$$

Le coefficient de trainée est alors

$$\begin{aligned} C_d &= C_{d0} + \frac{C_L^2 A}{e\pi S^2} \\ &= 0,031 + \frac{(0,550)^2 \cdot 442\text{m}^2}{0,73 \cdot \pi \cdot (64,75\text{m})^2} \\ &= 0,031 + 0,014 \\ &= 0,045 \end{aligned}$$

La force de trainée est donc

$$\begin{aligned} F_d &= \frac{1}{2} C_d A \rho v^2 \\ &= \frac{1}{2} \cdot 0,045 \cdot 442\text{m}^2 \cdot 0,332 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot (251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 \\ &= 208\,345\text{N} \end{aligned}$$

La poussée des moteurs est donc aussi de 208 345 N. Chaque moteur doit donc faire une poussée de 104 173 N.

La puissance d'un moteur est donc

$$\begin{aligned} P_t &= F_t v \cos \theta \\ &= 104\,173\text{N} \cdot 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot \cos(0^\circ) \\ &= 26\,168\text{kW} \end{aligned}$$

b) La puissance requise est

$$P_t = F_t v \cos \theta$$

Pour la trouver, on doit connaître la force de poussée. Quand l'avion vole horizontalement, on a

$$F_t - F_d = ma$$

On a alors

$$\begin{aligned} F_t - 208\,345\text{N} &= 260\,000\text{kg} \cdot \left(-0,5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}\right) \\ F_t - 208\,345\text{N} &= -130\,000\text{N} \\ F_t &= 78\,345\text{N} \end{aligned}$$

La poussée des moteurs est donc aussi de 78 345 N. Chaque moteur doit donc faire une poussée de 39 173 N.

La puissance d'un moteur est donc

$$\begin{aligned} P_t &= F_t v \cos \theta \\ &= 39\,173\text{N} \cdot 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot \cos(0^\circ) \\ &= 9\,840\text{kW} \end{aligned}$$

c) La puissance requise est

$$P_{req} = F_t v \cos \theta$$

Pour la trouver, on doit connaître la force de poussée. Quand l'avion descend, on a

$$F_t - F_d + mg \sin \theta = ma$$

Il nous faut l'angle de descente. La vitesse verticale est 2,54 m/s. L'angle est donc

$$\begin{aligned} v_y &= v \sin \theta \\ 2,54 \frac{m}{s} &= 251,2 \frac{m}{s} \cdot \sin \theta \\ \sin \theta &= 0,0101 \\ \theta &= 0,579^\circ \end{aligned}$$

On a alors

$$\begin{aligned} F_t - 208\,345\,N + 260\,000\,kg \cdot 9,8 \frac{N}{kg} \cdot \sin 0,579^\circ &= 0 \\ F_t - 208\,345\,N + 25\,748\,N &= 0 \\ F_t &= 182\,597\,N \end{aligned}$$

La poussée des moteurs est donc aussi de 182 597 N. Chaque moteur doit donc faire une poussée de 91 299 N.

La puissance d'un moteur est donc

$$\begin{aligned} P_t &= F_t v \cos \theta \\ &= 91\,299\,N \cdot 251,2 \frac{m}{s} \cdot \cos(0^\circ) \\ &= 22\,934\,kW \end{aligned}$$

**30.** a) Sur la piste au décollage, l'équation des forces en  $x$  est

$$F_t - F_d = ma$$

Comme il n'y a pas de trainée en début de piste (puisque la vitesse est nulle), on a

$$F_t = ma$$

Avec l'accélération maximale, on peut trouver la force maximale.

$$\begin{aligned} F_{t\max} &= ma_{\max} \\ &= 260\,000\,kg \cdot 3,3 \frac{m}{s^2} \\ &= 858\,000\,N \end{aligned}$$

Cela signifie que chacun des moteurs peut exercer une force de 429 000 N.

b) La puissance du jet est

$$P_j = \frac{1}{2} R (v_{\text{exp}}^2 - v^2)$$

Pour la trouver, on doit connaître la vitesse d'expulsion et  $R$ . On peut les trouver avec les équations de la poussée faite par un moteur.

On peut calculer la vitesse d'expulsion avec

$$F_t = \frac{1}{2} (v_{\text{exp}}^2 - v^2) \rho A_h$$

Comme l'aire de la soufflante est

$$\begin{aligned} A_h &= \pi r^2 \\ &= \pi \cdot (1,5\text{m})^2 \\ &= 7,069\text{m}^2 \end{aligned}$$

On a

$$\begin{aligned} F_t &= \frac{1}{2} (v_{\text{exp}}^2 - v^2) \rho A_h \\ 429\,000\text{N} &= \frac{1}{2} (v_{\text{exp}}^2 - 0^2) \cdot 1,225 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 7,069\text{m}^2 \\ 99\,082 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} &= v_{\text{exp}}^2 \\ v_{\text{exp}} &= 314,8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

On peut trouver  $R$  avec l'autre formule de la poussée des moteurs.

$$\begin{aligned} F_t &= (v_{\text{exp}} - v) R \\ 429\,000\text{N} &= (314,8 \frac{\text{m}}{\text{s}} - 0) \cdot R \\ R &= 1363 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \end{aligned}$$

La puissance du jet est donc

$$\begin{aligned}
 P_j &= \frac{1}{2} R (v_{\text{exp}}^2 - v^2) \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 1363 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \cdot \left( (314,8 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 - 0 \right) \\
 &= 67\,536 \text{ kW}
 \end{aligned}$$

**31.** a) La puissance requise est

$$P_{\text{req}} = Rv(v_{\text{exp}} - v)$$

Pour la trouver, on doit connaître la vitesse d'expulsion. Pour la connaître, on doit connaître la poussée des moteurs. Quand l'avion vole horizontalement à vitesse constante, la poussée des moteurs est égale à la traînée. Pour trouver la force de traînée, il nous faut le coefficient de traînée. Pour trouver le coefficient de traînée, il nous faut le coefficient de portance.

En vol horizontal à vitesse constante, la portance est égale au poids. On a donc

$$\begin{aligned}
 F_L &= mg \\
 &= 260\,000 \text{ kg} \cdot 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\
 &= 2\,548\,000 \text{ N}
 \end{aligned}$$

On a alors

$$\frac{1}{2} C_L A \rho v^2 = 2\,548\,000 \text{ N}$$

Ce qui nous mène à

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{2} \cdot C_L \cdot 442 \text{ m}^2 \cdot 0,332 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left( 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^2 &= 2\,548\,000 \text{ N} \\
 C_L &= 0,550
 \end{aligned}$$

Le coefficient de traînée est alors



$$\begin{aligned}
 C_d &= C_{d0} + \frac{C_L^2 A}{e\pi S^2} \\
 &= 0,031 + \frac{(0,550)^2 \cdot 442m^2}{0,73 \cdot \pi \cdot (64,75m)^2} \\
 &= 0,031 + 0,014 \\
 &= 0,045
 \end{aligned}$$

La force de trainée est donc

$$\begin{aligned}
 F_d &= \frac{1}{2} C_d A \rho v^2 \\
 &= \frac{1}{2} \cdot 0,045 \cdot 442m^2 \cdot 0,332 \frac{kg}{m^3} \cdot (251,2 \frac{m}{s})^2 \\
 &= 208\,345N
 \end{aligned}$$

La poussée des moteurs est donc aussi de 208 345 N. Chaque moteur doit donc faire une poussée de 104 173 N.

On peut alors calculer la vitesse d'expulsion avec

$$F_t = \frac{1}{2} (v_{\text{exp}}^2 - v^2) \pi A_h$$

Comme l'aire de la soufflante est

$$\begin{aligned}
 A_h &= \pi r^2 \\
 &= \pi \cdot (1,5m)^2 \\
 &= 7,069m^2
 \end{aligned}$$

On a

$$\begin{aligned}
 F_t &= \frac{1}{2} (v_{\text{exp}}^2 - v^2) \rho A_h \\
 104\,173N &= \frac{1}{2} (v_{\text{exp}}^2 - (251,2 \frac{m}{s})^2) \cdot 0,332 \frac{kg}{m^3} \cdot 7,069m^2 \\
 88\,775 \frac{m^2}{s^2} &= v_{\text{exp}}^2 - (251,2 \frac{m}{s})^2 \\
 88\,775 \frac{m^2}{s^2} + (251,2 \frac{m}{s})^2 &= v_{\text{exp}}^2 \\
 v_{\text{exp}} &= 389,7 \frac{m}{s}
 \end{aligned}$$

Il nous faut aussi  $R$ . On peut trouver  $R$  avec l'autre formule de la poussée des moteurs.

$$F_t = (v_{\text{exp}} - v)R$$

$$104\,173\text{N} = (389,7 \frac{\text{m}}{\text{s}} - 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}}) \cdot R$$

$$R = 752,2 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

La puissance requise est donc

$$P_{\text{req}} = Rv(v_{\text{exp}} - v)$$

$$= 752,2 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \cdot 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot (389,7 \frac{\text{m}}{\text{s}} - 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

$$= 26\,170\text{kW}$$

(À part une petite différence qui vient des arrondissements, c'est la même réponse que le a du numéro 29. C'est normal, il s'agit de 2 façons de faire le même calcul.)

b) La puissance du jet est

$$P_j = \frac{1}{2}R(v_{\text{exp}}^2 - v^2)$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 752,2 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \cdot \left( (389,7 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 - (251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 \right)$$

$$= 33\,384\text{kW}$$

c) L'efficacité propulsive est

$$\eta = \frac{2v}{v_{\text{exp}} + v}$$

$$= \frac{2 \cdot 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{389,7 \frac{\text{m}}{\text{s}} + 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}}}$$

$$= 0,784$$

**32.** a) L'efficacité totale est

$$\eta_{\text{tot}} = \frac{F_t v}{\text{énergie du carburant consommé par seconde}}$$

Pour trouver la quantité de carburant consommé par seconde, il nous faut la poussée des moteurs. Quand l'avion vole horizontalement à vitesse constante, la poussée des moteurs est égale à la traînée. Pour trouver la force de traînée, il nous faut le coefficient de traînée. Pour trouver le coefficient de traînée, il nous faut le coefficient de portance.

En vol horizontal à vitesse constante, la portance est égale au poids. On a donc

$$\begin{aligned} F_L &= mg \\ &= 280\,000\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ &= 2\,744\,000\text{N} \end{aligned}$$

On a alors

$$\frac{1}{2} C_L A \rho v^2 = 2\,744\,000\text{N}$$

Ce qui nous mène à

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \cdot C_L \cdot 442\text{m}^2 \cdot 0,332 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot (251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 &= 2\,744\,000\text{N} \\ C_L &= 0,593 \end{aligned}$$

Le coefficient de traînée est alors

$$\begin{aligned} C_d &= C_{d0} + \frac{C_L^2 A}{e \pi S^2} \\ &= 0,031 + \frac{(0,593)^2 \cdot 442\text{m}^2}{0,73 \cdot \pi \cdot (64,75\text{m})^2} \\ &= 0,031 + 0,016 \\ &= 0,047 \end{aligned}$$

La force de traînée est donc

$$\begin{aligned} F_d &= \frac{1}{2} C_d A \rho v^2 \\ &= \frac{1}{2} \cdot 0,047 \cdot 442\text{m}^2 \cdot 0,332 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot (251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 \\ &= 217\,604\text{N} \end{aligned}$$

La poussée des moteurs est donc aussi de 217 604 N.

On a donc

$$\eta_{tot} = \frac{F_t v}{\text{énergie du carburant consommé par seconde}}$$

$$0,33 = \frac{217\,604\text{N} \cdot 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{\text{énergie du carburant consommé par seconde}}$$

$$\text{énergie du carburant consommé par seconde} = 165\,643 \frac{\text{kJ}}{\text{s}}$$

Puisqu'un kilogramme de carburant donne 42 000 kJ, on consomme

$$\frac{165\,643 \frac{\text{kJ}}{\text{s}}}{42\,000 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}} = 3,944 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

En 1 minute, on consomme donc

$$3,944 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \cdot 60 \frac{\text{s}}{\text{min}} = 236,6 \frac{\text{kg}}{\text{min}}$$

b) L'efficacité totale est

$$\eta_{tot} = \frac{F_t v}{\text{énergie du carburant consommé par seconde}}$$

Pour trouver la quantité de carburant consommé par seconde, il nous faut la poussée des moteurs. Quand l'avion vole horizontalement à vitesse constante, la poussée des moteurs est égale à la traînée. Pour trouver la force de traînée, il nous faut le coefficient de traînée. Pour trouver le coefficient de traînée, il nous faut le coefficient de portance.

En vol horizontal à vitesse constante, la portance est égale au poids. On a donc

$$\begin{aligned} F_L &= mg \\ &= 190\,000\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ &= 1\,862\,000\text{N} \end{aligned}$$

On a alors

$$\frac{1}{2} C_L A \rho v^2 = 1\,862\,000\text{N}$$

Ce qui nous mène à

$$\frac{1}{2} \cdot C_L \cdot 442m^2 \cdot 0,332 \frac{kg}{m^3} \cdot (251,2 \frac{m}{s})^2 = 1\,862\,000N$$

$$C_L = 0,402$$

Le coefficient de traînée est alors

$$\begin{aligned} C_d &= C_{d0} + \frac{C_L^2 A}{e\pi S^2} \\ &= 0,031 + \frac{(0,402)^2 \cdot 442m^2}{0,73 \cdot \pi \cdot (64,75m)^2} \\ &= 0,031 + 0,007 \\ &= 0,038 \end{aligned}$$

La force de traînée est donc

$$\begin{aligned} F_d &= \frac{1}{2} C_d A \rho v^2 \\ &= \frac{1}{2} \cdot 0,038 \cdot 442m^2 \cdot 0,332 \frac{kg}{m^3} \cdot (251,2 \frac{m}{s})^2 \\ &= 175\,935N \end{aligned}$$

La poussée des moteurs est donc aussi de 115 935 N.

On a donc

$$\begin{aligned} \eta_{tot} &= \frac{F_t v}{\text{énergie du carburant consommé par seconde}} \\ 0,33 &= \frac{175\,935N \cdot 251,2 \frac{m}{s}}{\text{énergie du carburant consommé par seconde}} \\ \text{énergie du carburant consommé par seconde} &= 133\,924 \frac{kJ}{s} \end{aligned}$$

Puisqu'un kilogramme de carburant donne 42 000 kJ, on consomme

$$\frac{133\,924 \frac{kJ}{s}}{42\,000 \frac{kJ}{kg}} = 3,189 \frac{kg}{s}$$

En 1 minute, on consomme donc

$$3,189 \frac{kg}{s} \cdot 60 \frac{s}{min} = 191,3 \frac{kg}{min}$$

c) La moyenne de consommation est

$$\frac{236,6 \frac{\text{kg}}{\text{min}} + 191,3 \frac{\text{kg}}{\text{min}}}{2} = 214,0 \frac{\text{kg}}{\text{min}}$$

Avec 110 000 kg de carburant, on peut consommer du carburant pendant

$$\frac{110\,000 \text{kg}}{214,0 \frac{\text{kg}}{\text{min}}} = 514,0 \text{min}$$

d) À cette vitesse pendant 514,0 minutes, on peut parcourir

$$\begin{aligned} \Delta s &= v \Delta t \\ &= 251,2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 514,0 \cdot 60 \text{s} \\ &= 7\,747\,008 \text{m} \\ &= 7747 \text{km} \end{aligned}$$

**33.** a) La puissance minimale est

$$\begin{aligned} P_{\min} &= \sqrt[4]{\frac{1024 C_{d0} A m^6 g^6}{27 \rho^2 e^3 \pi^3 S^6}} \\ &= \sqrt[4]{\frac{1024 \cdot 0,031 \cdot 442 \text{m}^2 \cdot (260\,000 \text{kg})^6 \cdot \left(9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right)^6}{27 \cdot \left(0,332 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right)^2 \cdot 0,73^3 \cdot \pi^3 (64,75 \text{m})^6}} \\ &= \sqrt[4]{1,4514 \times 10^{30} \frac{\text{kg}^4 \text{m}^4}{\text{s}^{12}}} \\ &= 34\,709 \text{kW} \end{aligned}$$

b) La vitesse de puissance minimale est

$$\begin{aligned}
 v_{d \min} &= \sqrt[4]{\frac{4m^2 g^2}{3C_{d0} A \rho^2 e \pi S^2}} \\
 &= \sqrt[4]{\frac{4 \cdot (260\,000 \text{ kg})^2 \cdot (9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}})^2}{3 \cdot 0,031 \cdot 442 \text{ m}^2 \cdot (0,332 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})^2 \cdot 0,73 \cdot \pi \cdot (64,75 \text{ m})^2}} \\
 &= \sqrt[4]{596\,108\,308 \frac{\text{m}^4}{\text{s}^4}} \\
 &= 156,3 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\
 &= 303,6 \text{ kts}
 \end{aligned}$$

**34.** La puissance disponible totale est de 140 000 kW puisqu'il y a 2 moteurs. La vitesse maximale est donc

$$\begin{aligned}
 v_{\max} &= \sqrt[3]{\frac{2P_{av}}{C_{d0} A \rho}} \\
 &= \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 140\,000\,000 \text{ W}}{0,031 \cdot 442 \text{ m}^2 \cdot 0,332 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}} \\
 &= 394,8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\
 &= 767,2 \text{ kts}
 \end{aligned}$$

(En fait, l'Airbus aurait beaucoup de difficulté à atteindre cette vitesse qui est supérieure à la vitesse du son. Il faut dire que plusieurs de nos formules ne sont plus valides quand l'avion s'approche trop de la vitesse du son.)

**35. a)**

Pour trouver le rythme de montée maximal, il nous faut la puissance requise minimale. Cette puissance est

$$\begin{aligned}
 P_{\min} &= \sqrt[4]{\frac{1024 C_{d0} A m^6 g^6}{27 \rho^2 e^3 \pi^3 S^6}} \\
 &= \sqrt[4]{\frac{1024 \cdot 0,031 \cdot 442 \text{ m}^2 \cdot (260\,000 \text{ kg})^6 \cdot (9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}})^6}{27 \cdot (1,197 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})^2 \cdot 0,73^3 \cdot \pi^3 (64,75 \text{ m})^6}} \\
 &= \sqrt[4]{1,1165 \times 10^{29} \frac{\text{kg}^4 \text{ m}^4}{\text{s}^{12}}} \\
 &= 18\,280 \text{ kW}
 \end{aligned}$$

Le rythme de montée maximal est donc de

$$\begin{aligned}
 C_{\max} &= \frac{P_{av} - P_{\min}}{mg} \\
 &= \frac{2 \cdot 70\,000\text{kW} - 18\,280\text{kW}}{260\,000\text{kg} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}}} \\
 &= 47,77 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\
 &= 156,7 \frac{\text{pieds}}{\text{s}} \\
 &= 9404 \frac{\text{pieds}}{\text{min}}
 \end{aligned}$$

b) Pour avoir le rythme de montée le plus grand, on doit monter à la vitesse de puissance minimale. Ici, cette vitesse est

$$\begin{aligned}
 v_{P_{\min}} &= \sqrt[4]{\frac{4m^2 g^2}{3C_{d0} A \rho^2 e \pi S^2}} \\
 &= \sqrt[4]{\frac{4 \cdot (260\,000\text{kg})^2 \cdot (9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}})^2}{3 \cdot 0,031 \cdot 442\text{m}^2 \cdot (1,197 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})^2 \cdot 0,73 \cdot \pi \cdot (64,75\text{m})^2}} \\
 &= \sqrt[4]{45\,857\,782 \frac{\text{m}^4}{\text{s}^4}} \\
 &= 82,3 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\
 &= 159,9\text{kts}
 \end{aligned}$$