

Solutionnaire du chapitre 9

1. a) Si le nuage est uniquement fait d'hydrogène, la masse moyenne des molécules est de

$$m = \frac{1g / mol}{6,02 \times 10^{23} \frac{atomes}{mol}} = 1,6611 \times 10^{-24} \frac{g}{atome}$$

La taille critique est

$$\begin{aligned} R &= \frac{GmM}{5kT} \\ &= \frac{6,674 \times 10^{-11} \frac{Nm^2}{kg^2} \cdot 1,6611 \times 10^{-27} kg \cdot (200 \cdot 1,9885 \times 10^{30} kg)}{5 \cdot 1,381 \times 10^{-23} \frac{J}{K} \cdot 20K} \\ &= 3,193 \times 10^{16} m \\ &= 3,38al \end{aligned}$$

2. a) Si le nuage est uniquement fait d'hydrogène, la masse moyenne des molécules est de

$$m = \frac{1g / mol}{6,02 \times 10^{23} \frac{atomes}{mol}} = 1,6611 \times 10^{-24} \frac{g}{atome}$$

La taille critique est

$$\begin{aligned} R &= \frac{GmM}{5kT} \\ &= \frac{6,674 \times 10^{-11} \frac{Nm^2}{kg^2} \cdot 1,6611 \times 10^{-27} kg \cdot (500 \cdot 1,9885 \times 10^{30} kg)}{5 \cdot 1,381 \times 10^{-23} \frac{J}{K} \cdot 40K} \\ &= 3,991 \times 10^{16} m \end{aligned}$$

La densité est donc

$$\begin{aligned}\rho &= \frac{M}{\text{volume}} \\ &= \frac{500 \times 1,9885 \times 10^{30} \text{ kg}}{\frac{4}{3} \pi (3,991 \times 10^{16} \text{ m})^3} \\ &= 3,733 \times 10^{-18} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 2,25 \times 10^9 \frac{\text{atomes}}{\text{m}^3}\end{aligned}$$

3. La limite d'Eddington de cette étoile est

$$\begin{aligned}L &= 3,3 \times 10^4 M \\ &= 3,3 \times 10^4 \cdot 120 \\ &= 3\,960\,000 L_{\odot}\end{aligned}$$

Comme sa luminosité est de 5 000 000 L_{\odot} , cette étoile a dépassé la limite d'Eddington.

4. a) La masse d'hydrogène par m^3 est

$$152900 \text{ kg} \cdot 0,346 = 52\,900 \text{ kg}$$

Le nombre de noyaux d'hydrogène est

$$N_H = \frac{52\,900 \text{ kg}}{1,6735 \times 10^{-27} \text{ kg}} = 3,161 \times 10^{31}$$

Le nombre de moles d'hydrogène est donc

$$n_H = \frac{3,161 \times 10^{31}}{6,022 \times 10^{23}} = 5,249 \times 10^7$$

La masse d'hélium par m^3 est

$$152900 \text{ kg} \cdot 0,654 = 100\,000 \text{ kg}$$

Le nombre de noyaux d'hélium est

$$N_{He} = \frac{100\,000 \text{ kg}}{6,6465 \times 10^{-27} \text{ kg}} = 1,504 \times 10^{31}$$

Le nombre de moles d'hydrogène est donc

$$n_{He} = \frac{1,505 \times 10^{31}}{6,022 \times 10^{23}} = 2,498 \times 10^7$$

Comme chaque hydrogène a aussi ajouté un électron et chaque hélium a ajouté 2 électrons, le nombre total de moles de particule par m^3 est

$$\begin{aligned} n &= n_H + n_{He} + n_e \\ &= n_H + n_{He} + (n_H + 2n_{He}) \\ &= 2n_H + 3n_{He} \\ &= 2 \cdot 5,249 \times 10^7 + 3 \cdot 2,498 \times 10^7 \\ &= 17,992 \times 10^7 \end{aligned}$$

b) La pression est donc

$$\begin{aligned} P_{thermique} &= \frac{n}{V} RT \\ &= \frac{17,992 \times 10^7 \text{ mol}}{1 \text{ m}^3} \cdot 8,314 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}} \cdot 15\,670\,000 \text{ K} \\ &= 2,344 \times 10^{16} \text{ Pa} \end{aligned}$$

c) La pression de radiation est

$$\begin{aligned} P_{rad} &= 2,522 \times 10^{-16} \frac{\text{N}}{\text{m}^2 \text{K}^4} T^4 \\ &= 2,522 \times 10^{-16} \frac{\text{N}}{\text{m}^2 \text{K}^4} (15\,670\,000 \text{ K})^4 \\ &= 1,521 \times 10^{13} \text{ Pa} \end{aligned}$$

d) Le rapport des pressions est

$$\begin{aligned} \frac{P_{thermique}}{P_{rad}} &= \frac{2,344 \times 10^{16} \frac{\text{N}}{\text{m}^2}}{1,521 \times 10^{13} \frac{\text{N}}{\text{m}^2}} \\ &= 1541 \end{aligned}$$